

Il problema è l'integrale indefinito dato da $\int dt(1 + \sin t)^{3/2}$. Come suggerito da uno studente si scrive $(1 + \sin t)^{3/2} = (1 + \sin t) \frac{\sqrt{1 + \sin t}}{\sqrt{1 - \sin t}} \sqrt{1 - \sin t} = (1 + \sin t) \frac{\sqrt{1 - \sin^2 t}}{\sqrt{1 - \sin t}} = (1 + \sin t) \frac{|\cos t|}{\sqrt{1 - \sin t}}$. Supponiamo che l'integrale sia per $0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}$. In tal caso, integrando per parti si ha $\int dt(1 + \sin t) \frac{\cos t}{\sqrt{1 - \sin t}} = \int dt 2(1 + \sin t) \frac{d}{dt}(-\sqrt{1 - \sin t}) = -2(1 + \sin t)(\sqrt{1 - \sin t}) + 2 \int dt \cos t \sqrt{1 - \sin t}$. L'integrale rimasto si risolve facilmente osservando che la primitiva di $\cos t \sqrt{1 - \sin t}$ è $-(1 - \sin t)^{3/2}$. Quindi lo studente suggeritore aveva ragione.